

Exercice 1 : (4 points)

Pour chacune des questions suivantes, une seule des trois réponses proposées est exacte. On indiquera à chaque fois le numéro de la question et la lettre correspondante à la réponse choisie. (Aucune justification n'est demandée)

1. Le nombre $\sqrt{2}^{-2018} + \sqrt{2}^{-2018}$ est égal à :

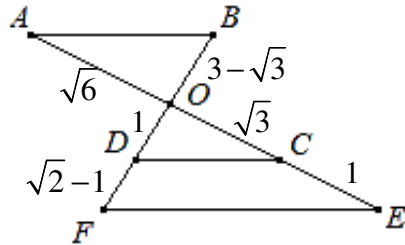
- a $\sqrt{2}^{-2016}$ b $\sqrt{2}^{-2017}$ c 2^{-2018}

2. L'inverse du réel $3 - \sqrt{3}$ est :

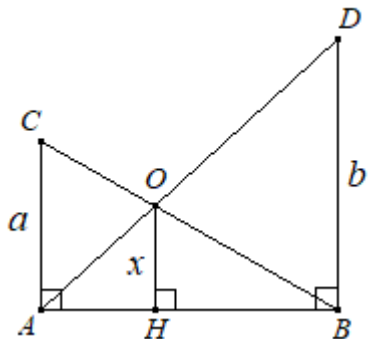
- a $\frac{1}{3} - \frac{1}{\sqrt{3}}$ b $\frac{1}{2} \left(1 + \frac{1}{\sqrt{3}} \right)$ c $3 + \sqrt{3}$

3. Dans la figure ci-contre :

- a $(AB) \parallel (CD)$
 b $(AB) \parallel (EF)$
 c $(CD) \parallel (EF)$



4. On considère la figure ci-dessous. On a :



- a $x = \frac{a+b}{2}$
 b $x = |a-b|$
 c $x = \frac{ab}{a+b}$

Exercice 2 : (5 points)

On considère les nombres réels :

$$a = 3\sqrt{20} - \sqrt{125} + 2 \quad \text{et} \quad b = \frac{1}{4}(5 - \sqrt{5})(1 + \sqrt{5}) - \frac{1}{2}\sqrt{2}\sqrt{8}.$$

1. Montrer que : $a = \sqrt{5} + 2$ et $b = \sqrt{5} - 2$.

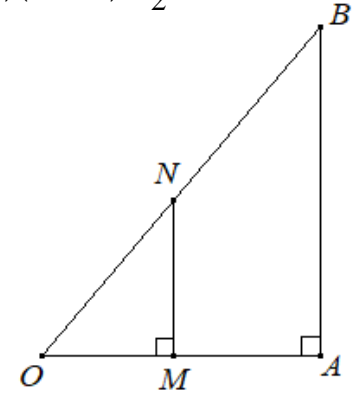
2.a. Montrer que a et b sont inverses.

b. Calculer alors : $\frac{a^{2018}}{b^{-2020}}$.

3. On considère la figure ci-contre où

$$OM = 2, \quad MA = \sqrt{5} \quad \text{et} \quad MN = 10b.$$

Calculer AB.



Exercice 3 : (3 points)

1. Soit $n \in \mathbb{N}^*$. Montrer que : $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+2} = \frac{2}{n(n+2)}$.

2. Calculer alors la somme :

$$S = \frac{1}{1 \times 3} + \frac{1}{2 \times 4} + \frac{1}{3 \times 5} + \frac{1}{4 \times 6} + \dots + \frac{1}{97 \times 99} + \frac{1}{98 \times 100}$$

Exercice 4 : (8 points)

1. Tracer un trapèze ABCD de bases [AB] et [CD] tel que $AB = 6\text{cm}$ et $CD = 8\text{cm}$.

Placer les points I et J milieux respectifs de [AB] et [CD].

2. Les droites (AJ) et (DI) se coupent en M.

a. Montrer que : $\frac{MI}{MD} = \frac{AI}{DJ}$

b. En déduire que : $IM = \frac{3}{7}ID$

3. Les droites (BJ) et (CI) se coupent en N.

Montrer que : $IN = \frac{3}{7}IC$.

4. En déduire que les droites (MN) et (DC) sont parallèles.