

**Exercice 1 :** ( 4 points )

Pour chacune des questions suivantes, une seule des trois réponses proposées est exacte. On indiquera à chaque fois le numéro de la question et la lettre correspondante à la réponse choisie. (Aucune justification n'est demandée)

1. Le nombre  $\sqrt{2}^{-2018} + \sqrt{2}^{-2018}$  est égal à :

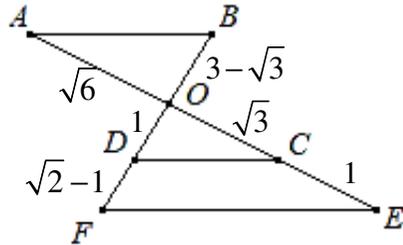
- a  $\sqrt{2}^{-2016}$      b  $\sqrt{2}^{-2017}$      c  $2^{-2018}$

2. L'inverse du réel  $3 - \sqrt{3}$  est :

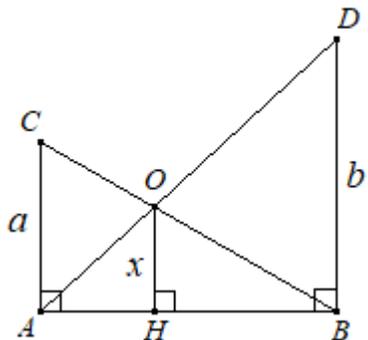
- a  $\frac{1}{3} - \frac{1}{\sqrt{3}}$      b  $\frac{1}{2} \left( 1 + \frac{1}{\sqrt{3}} \right)$      c  $3 + \sqrt{3}$

3. Dans la figure ci-contre :

- a  $(AB) \parallel (CD)$   
 b  $(AB) \parallel (EF)$   
 c  $(CD) \parallel (EF)$



4. On considère la figure ci-dessous. On a :



- a  $x = \frac{a+b}{2}$   
 b  $x = |a-b|$   
 c  $x = \frac{ab}{a+b}$

**Exercice 2 :** ( 5 points )

On considère les nombres réels :

$$a = 3\sqrt{20} - \sqrt{125} + 2 \quad \text{et} \quad b = \frac{1}{4}(5 - \sqrt{5})(1 + \sqrt{5}) - \frac{1}{2}\sqrt{2}\sqrt{8}.$$

1. Montrer que :  $a = \sqrt{5} + 2$  et  $b = \sqrt{5} - 2$ .

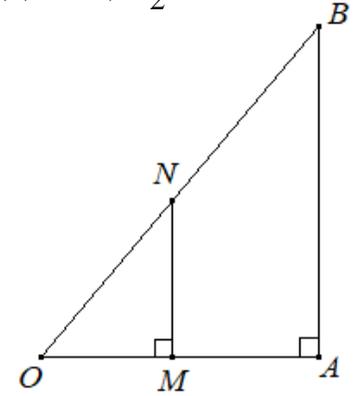
2.a. Montrer que a et b sont inverses.

b. Calculer alors :  $\frac{a^{2018}}{b^{-2020}}$ .

3. On considère la figure ci-contre où

$$OM = 2, \quad MA = \sqrt{5} \quad \text{et} \quad MN = 10b.$$

Calculer AB.



**Exercice 3 :** ( 3 points )

1. Soit  $n \in \mathbb{N}^*$ . Montrer que :  $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+2} = \frac{2}{n(n+2)}$ .

2. Calculer alors la somme :

$$S = \frac{1}{1 \times 3} + \frac{1}{2 \times 4} + \frac{1}{3 \times 5} + \frac{1}{4 \times 6} + \dots + \frac{1}{97 \times 99} + \frac{1}{98 \times 100}$$

**Exercice 4 :** ( 8 points )

1. Tracer un trapèze ABCD de bases [AB] et [CD] tel que  $AB = 6\text{cm}$  et  $CD = 8\text{cm}$ .

Placer les points I et J milieux respectifs de [AB] et [CD].

2. Les droites (AJ) et (DI) se coupent en M.

a. Montrer que :  $\frac{MI}{MD} = \frac{AI}{DJ}$

b. En déduire que :  $IM = \frac{3}{7}ID$

3. Les droites (BJ) et (CI) se coupent en N.

Montrer que :  $IN = \frac{3}{7}IC$ .

4. En déduire que les droites (MN) et (DC) sont parallèles.